

Máster en Técnicas Estadísticas

DATOS IDENTIFICATIVOS DE LA MATERIA

Código de la materia: 614493130

Nombre de la materia: Técnicas de Remuestreo

Número de créditos ECTS: 5

Curso académico: 2026/2027

Profesorado:

Ricardo Cao Abad (2.5 créditos)

Rubén Fernández Casal (coordinador, 2.5 créditos)

OBJETIVOS DE LA MATERIA

Se pretende que el/la alumno/a adquiera destreza en la identificación de situaciones en las que los métodos de remuestreo son herramientas inferenciales adecuadas para resolver problemas reales. Para ello se tratará de que el/la alumno/a conozca el funcionamiento de las principales técnicas de remuestreo, entre las que se destaca el método bootstrap, así como sus aplicaciones en los principales ámbitos de la estadística. Asimismo, se persigue que el/la alumno/a sea capaz de diseñar e implementar en ordenador planes de remuestreo adecuados para un amplio abanico de situaciones.

CONTENIDOS DE LA MATERIA

Tema 1. Motivación del principio Bootstrap.

Motivación del principio Bootstrap. El Bootstrap uniforme. Cálculo de la distribución Bootstrap: distribución exacta y distribución aproximada por Monte Carlo. Ejemplos. Herramientas disponibles en R. Computación en paralelo.

Tema 2. Aplicación a la estimación de la precisión y el sesgo de un estimador.

Aplicación del Bootstrap a la estimación de la precisión y el sesgo de un estimador. Ejemplos. El método Jackknife. Motivación del método Jackknife. Estimación Jackknife

de la precisión y el sesgo de un estimador. Relación Bootstrap/Jackknife en dicha estimación. Ejemplos. Estudios de simulación.

Tema 3. Modificaciones del Bootstrap uniforme.

Bootstrap paramétrico, simetrizado, suavizado, ponderado y sesgado. Discusión y ejemplos. Validez de la aproximación Bootstrap. Bootstrap semiparamétrico y bootstrap residual.

Tema 4. Aplicación del Bootstrap a la construcción de intervalos de confianza.

Métodos percentil, percentil-t, percentil-t simetrizado. Ejemplos. Estudios de simulación.

Tema 5. Aplicaciones del Bootstrap en contrastes de hipótesis.

Aproximación del p-valor mediante remuestreo. Contrastes bootstrap paramétricos. Contrastes de permutaciones. Contrastes bootstrap semiparamétricos.

Tema 6. Bootstrap y estimación no paramétrica de la densidad.

Bootstrap y estimación no paramétrica de la densidad. Aproximación Bootstrap de la distribución del estimador de Parzen-Rosenblatt. El Bootstrap en la selección del parámetro de suavizado.

Tema 7. Bootstrap y estimación no paramétrica de la función de regresión.

El Bootstrap en Regresión y Correlación. Bootstrap y estimación no paramétrica de la función de regresión. Aproximación Bootstrap de la distribución del estimador de Nadaraya-Watson. Distintos métodos de remuestreo y resultados para ellos.

Tema 8. El Bootstrap con datos censurados.

Introducción a los datos censurados. Remuestreos Bootstrap en presencia de censura. Relaciones entre ellos. Implementación en R.

Tema 9. El Bootstrap con datos dependientes.

Introducción a las condiciones de dependencia y modelos habituales de datos dependientes. Modelos paramétricos de dependencia. Situaciones de dependencia general: el Bootstrap por bloques, el Bootstrap estacionario y el método del submuestreo. Implementación en R. El bootstrap en Estadística Espacial.

BIBLIOGRAFÍA BÁSICA Y COMPLEMENTARIA

Básica

Cao, R. y Fernández-Casal, R. (2020). Técnicas de Remuestreo. Libro online: https://rubenfcasal.github.io/book_remuestreo.

- Davison, A.C. and Hinkley, D.V. (1997). *Bootstrap Methods and their Application*. Cambridge University Press.
- Efron, B. (1979). Bootstrap Methods: Another look at the Jackknife. *Ann. Statist.*, 7, 1-26.
- Efron, B. and Tibshirani, R.J. (1993). *An Introduction to the Bootstrap*. Chapman and Hall.
- Shao, J. and Tu, D. (1995). *The Jackknife and Bootstrap*. Springer Verlag.

Complementaria

- Akritas, M. G. (1986). Bootstrapping the Kaplan--Meier estimator. *J. Amer. Statist. Assoc.* 81, 1032-1038.
- Bickel, P.J. and Freedman, D.A. (1981). Some asymptotic theory for the bootstrap. *Ann. Statist.* 12, 470-482.
- Bühlmann, P. (1997). Sieve bootstrap for time series. *Bernoulli* 3, 123-148.
- Cao, R. (1990). Órdenes de convergencia para las aproximaciones normal y bootstrap en la estimación no paramétrica de la función de densidad. *Trabajos de Estadística*, vol. 5, 2, 23-32.
- Cao, R. (1991). Rate of convergence for the wild bootstrap in nonparametric regression. *Ann. Statist.* 19, 2226-2231.
- Cao, R. and Prada-Sánchez, J.M. (1993). Bootstrapping the mean of a symmetric population. *Statistics & Probability Letters* 17, 43-48.
- Cao, R. (1993). Bootstrapping the mean integrated squared error. *Jr. Mult. Anal.* 45, 137-160.
- Cao, R. (1999). An overview of bootstrap methods for estimating and predicting in time series. *Test*, 8, 95-116.
- Cao, R. and González-Manteiga, W. (1993). Bootstrap methods in regression smoothing. *J. Nonparam. Statist.* 2, 379-388.
- Chernick, M. R. (2008). *Bootstrap methods: A guide for practitioners and researchers*. John Wiley & Sons.
- Chernick, M. R., and LaBudde, R. A. (2014). *An introduction to bootstrap methods with applications to R*. John Wiley & Sons.
- Efron, B. (1981). Censored data and the bootstrap. *J. Amer. Statist. Assoc.* 76, 312-319.
- Efron, B. (1982). The Jackknife, the Bootstrap and other Resampling Plans. CBMS-NSF. Regional Conference series in applied mathematics.
- Efron, B. (1983). Estimating the error rate of a prediction rule: improvements on cross-validation. *J. Amer. Stat. Assoc.* 78, 316-331.
- Efron, B. and Tibshirani, R. (1986). Bootstrap methods for standard errors, confidence intervals, and other measures of statistical accuracy. *Statistical Science* 1, 54-77.
- Efron, B. (1987). Better Bootstrap confidence intervals (with discussion), *J. Amer. Stat. Assoc.* 82, 171-200.

- Efron, B. (1990). More Efficient Bootstrap Computations. J. Amer. Stat. Assoc. 85, 79-89.
- Freedman, D.A. (1981). Bootstrapping regression models. Ann. Statist. 9, 6, 1218-1228.
- García-Jurado, I. González-Manteiga, W., Prada-Sánchez, J.M., Febrero-Bande, M. and Cao, R. (1995). Predicting using Box-Jenkins, nonparametric and bootstrap techniques. Technometrics 37, 303-310.
- Hall, P. (1986). On the bootstrap and confidence intervals. Ann. Statist. 14, 1431-1452.
- Hall, P. (1988-a). Theoretical comparison of bootstrap confidence intervals. Ann. Statist. 16, 927-953.
- Hall, P. (1988-b). Rate of convergence in bootstrap approximations. Ann. Probab. 16, 4, 1665-1684.
- Hall, P. (1992). The Bootstrap and Edgeworth Expansion. Springer Verlag.
- Härdle, W. and Marron, J. S. (1991). Bootstrap simultaneous error bars for nonparametric regression. Ann. Statist. 19, 778-796.
- Künsch, H.R. (1989). The jackknife and the bootstrap for general stationary observations. Ann. Statist. 17, 1217-1241.
- Mammen, E. (1992). When does Bootstrap Work?. Springer Verlag.
- Navidi, W. (1989). Edgeworth expansions for bootstrapping regression models. Ann. Statist. 17, 4, 1472-1478.
- Politis, D.N. and Romano, J.R. (1994). The stationary bootstrap. J. Amer. Statist. Assoc. 89, 1303-1313.
- Politis, D.N. and Romano, J.R. (1994). Limit theorems for weakly dependent Hilbert space valued random variables with application to the stationary bootstrap. Statist. Sin. 4, 461-476.
- Politis, D.N., Romano, J.P. and Wolf, M. (1999). Subsampling. Springer Verlag.
- Reid, N. (1981). Estimating the median survival time. Biometrika 68, 601-608.
- Stine, R.A. (1987). Estimating properties of autoregressive forecasts. J. Amer. Statist. Assoc. 82, 1072-1078.
- Thombs, L.A. and Schucany, W.R. (1990). Bootstrap prediction intervals for autoregression. J. Amer. Statist. Assoc. 85, 486-492.
- Wu, C.-F. J. (1986). Jackknife, bootstrap and other resampling methods in regression analysis. Ann. Statist. 14, 1261-1350.

COMPETENCIAS

En esta materia se trabajarán las competencias básicas, generales y transversales recogidas en la memoria del título. Se indican a continuación cuáles son las competencias específicas, que se potenciarán en esta asignatura:

- E2 - La adquisición de los conocimientos de estadística e investigación operativa necesarios para la incorporación en equipos multidisciplinares pertenecientes a diferentes sectores profesionales.

- E3 - Capacidad para comprender, plantear, formular y resolver aquellos problemas susceptibles de ser abordados a través de modelos de la estadística y de la investigación operativa.
- E4 - Conocer las aplicaciones de los modelos de la estadística y la investigación operativa.
- E5 - Conocer algoritmos de resolución de los problemas y manejar el software adecuado.
- E11 - Modelar la dependencia entre una variable respuesta (dependiente) y varias variables explicativas (independientes).
- E12 - Realizar inferencias respecto a los parámetros que aparecen en el modelo.
- E19 - Tratamiento de datos y análisis estadístico de los resultados obtenidos.
- E22 - Capacidad de identificar y resolver problemas que requieran el uso de técnicas del análisis de series de tiempo.
- E27 - Obtener los conocimientos precisos para un análisis crítico y riguroso de los resultados.
- E28 - Complementar el aprendizaje de los aspectos metodológicos con apoyo de software.
- E78 - Fomentar la sensibilidad hacia los principios del pensamiento científico, favoreciendo las actitudes asociadas al desarrollo de los métodos matemáticos, como: el cuestionamiento de las ideas intuitivas, el análisis crítico de las afirmaciones, la capacidad de análisis y síntesis o la toma de decisiones racionales
- E82 - El estudiante será capaz de comprender la importancia de la Inferencia Estadística como herramienta de obtención de información sobre la población en estudio, a partir del conjunto de datos observados de una muestra representativa de ésta. Para ello deberá reconocer la diferencia entre estadística paramétrica y no paramétrica.
- E84 - Ser capaz de manejar diverso software (en particular R) e interpretar los resultados que proporcionan éstos en los correspondientes estudios prácticos.
- E86 - Soltura en el manejo de la teoría de la probabilidad y las variables aleatorias.

METODOLOGÍA DOCENTE

La enseñanza constará de clases expositivas e interactivas, así como de la tutorización del aprendizaje y de las tareas encomendadas al alumnado. Durante las clases se presentarán los aspectos teóricos relevantes de la materia y las herramientas para su aplicación en la práctica. Se empleará el paquete estadístico R, por lo que es necesario que los alumnos dispongan en el aula de un ordenador.

La actividad presencial y el correspondiente trabajo personal del alumno para su preparación serán de 3.5 créditos ECTS (incluyendo el examen final). Los otros 1.5 créditos ECTS de la materia corresponden a la realización de ejercicios y trabajos prácticos durante el curso.

CRITERIOS Y MÉTODOS DE EVALUACIÓN

La evaluación consistirá en la realización de ejercicios y trabajos prácticos, individuales o en grupo, que se les propondrán a los alumnos (evaluación continua), y en un examen escrito teórico-práctico. Las distintas actividades de evaluación permitirán valorar el nivel de adquisición de las competencias básicas CB6-CB10, generales CG1-CG5, transversales CT1-CT5 y específicas E1-E10.

En la primera oportunidad, la nota del examen representará el 70% de la calificación global, mientras que el 30% restante corresponderá a la evaluación continua. En la segunda oportunidad la calificación global será el máximo de la nota del nuevo examen y de la media ponderada del nuevo examen y la evaluación continua. En ambas oportunidades, si no se obtiene una calificación de al menos 4 sobre 10 en cada una de las dos partes, evaluación continua y examen, se establecerá un máximo de 4.5 en el cálculo de su promedio.

TIEMPO DE ESTUDIO Y DE TRABAJO PERSONAL QUE DEBE DEDICAR UN ESTUDIANTE PARA SUPERAR LA MATERIA

Cada crédito ECTS se traduce en 7 horas de clase de tipo presencial. Se estima que el alumnado necesitará una hora para preparar el material correspondiente a cada hora presencial, previa a la propia clase. Posteriormente, precisará de hora y media para la comprensión global de los contenidos, incluyendo las actividades asociadas a ejercicios y otras tareas. En total resultarán 24.5 horas por crédito ECTS.

RECOMENDACIONES PARA EL ESTUDIO DE LA MATERIA

Es necesario que el alumno posea conocimientos (teóricos y aplicados) básicos de Estadística. Para superar con éxito la materia es aconsejable la asistencia a las clases, siendo fundamental el seguimiento diario del trabajo realizado en el aula. Disponer de conocimientos generales del entorno estadístico R facilitará el aprovechamiento de las clases y la realización de las prácticas.

RECURSOS PARA EL APRENDIZAJE

Bibliografía, apuntes y ordenador. Uso del equipo de Teams de la asignatura, del repositorio de material docente del máster, del libro de apuntes en abierto (https://rubenfcasal.github.io/book_remuestreo; disponible en el repositorio Github: https://github.com/rubenfcasal/book_remuestreo) y del software estadístico R.

OBSERVACIONES

Un prerrequisito necesario es haber cursado al menos una de las materias *Estadística Aplicada* o *Estadística Matemática* del presente máster. Es recomendable (aunque no necesario) que el alumno haya cursado la materia optativa de *Simulación Estadística*.

El desarrollo de los contenidos de la materia se realizará teniendo en cuenta que las competencias a adquirir por el alumnado deben cumplir con el nivel MECES3. Los contenidos que se incluyen en esta materia, orientada a las técnicas de remuestreo, se estudiarán tanto de manera teórica como aplicada las principales aplicaciones del bootstrap a la inferencia estadística, tanto en problemas paramétricos, como no paramétricos.

Según se recoge en las distintas normativas de aplicación para la docencia universitaria, se deberá incorporar la perspectiva de género en esta materia (se usará lenguaje no sexista, se utilizará bibliografía de autores/as de ambos sexos, se propiciará la intervención en clase de alumnos y alumnas, etc.). Se trabajará para identificar y modificar prejuicios y actitudes sexistas y se influirá en el entorno para modificarlos y fomentar valores de respeto e igualdad. Se deberán detectar situaciones de discriminación por razón de género y se propondrán acciones y medidas para corregirlas.

Para los casos de realización fraudulenta de ejercicios o pruebas, será de aplicación lo recogido en las respectivas normativas de las universidades participantes en el Máster en Técnicas Estadísticas.

Esta guía y los criterios y metodologías en ella descritos están sujetos a las modificaciones que se deriven de normativas y directrices de las universidades participantes en el Máster en Técnicas Estadísticas.